Vent et turbulence

A. Dabas

Plan

- Principe général de la mesure Doppler.
- Mesure de vent par lidar en détection directe.
 - Double Fabry-Perot.
 - Imagerie de frange.
- Mesure de vent par lidar en détection hétérodyne.
 - Estimation de la fréquence du signal.
 - Fiabilité et précision de la mesure de la vitesse radiale.
 - Reconstitution d'un vecteur vent (*Velocity Azimut Display*)
- Mesure de paramètres turbulents.
 - Turbulence de vitesse
 - Mesure de la turbulence intra-impulsion par élargissement spectral.
 - Mesure de la turbulence dynamique par fluctuations spatiale de la vitesse radiale.
 - Mesure de flux de quantité de mouvement.

Principe général de la mesure

On mesure la différence de fréquence entre rayonnement émis et le rayonnement réfléchi. Celle-ci est proportionnelle à la composante de la vitesse du réflecteur le long de l'axe de propagation du rayonnement:



La composante de la vitesse le long de l'axe de propagation s'appelle la vitesse radiale.

En lidar, on a pris l'habitude de compter la vitesse positive quand le réflecteur s'éloigne du lidar. Le décalage Doppler est donc de signe opposé à la vitesse radiale.

Ordre de grandeur du décalage Doppler:

$$\lambda = 355 \text{nm} \quad \frac{\Delta f}{v_r} = -5,63 \text{ MHz}/(\text{ms}^{-1})$$
$$\lambda = 1,5 \mu \text{m} \quad \frac{\Delta f}{v_r} = -1,33 \text{ MHz}/(\text{ms}^{-1})$$
$$\lambda = 10 \mu \text{m} \quad \frac{\Delta f}{v_r} = -0,2 \text{ MHz}/(\text{ms}^{-1})$$

Le décalage Doppler se situe dans la gamme des radiofréquences...

Pour mesurer une vitesse avec un lidar Doppler, il faut être capable de mesurer la fréquence de la lumière rétrodiffusée par l'atmosphère, et si celle du laser n'est pas suffisamment stable, celle aussi des impulsions émise...



Directe / hétérodyne

Deux types de détection

La mesure des fréquences émises (impulsion laser) et reçues (rétrodiffusion atmosphérique) peut de faire de deux manières différentes:

- 1. A l'aide d'un interféromètre (Fabry-Pérot, Fizeau,...), c'est-à-dire d'un filtre optique dont la transmission dépend de la fréquence de la lumière. On relie alors la puissance de la lumière en sortie de filtre à sa fréquence.
- 2. Par détection <u>hétérodyne</u>: cette fois-ci, on mesure un écart de fréquence par rapport à un « oscillateur local », c'est-à-dire un rayonnement laser continu très stable en fréquence.



Une composante très étroite due à la diffusion par les particules (aérosols ou hydrométéores):

$$\sigma_{f} \approx \frac{1}{\tau}$$
 où τ est la durée de l'impulsion laser

Application numérique: pour λ =355nm, T=300K et τ =1µs, on a σ_{f} =1,65GHz pour les molécules, et σ_{f} ≈1MHz.

Directe / hétérodyne

La largeurs de spectres sont trop différentes pour qu'un unique système de détection puisse couvrir les $2 \rightarrow$ un système de détection donné vise spécifiquement la diffusion particulaire ou la diffusion moléculaire. Si on veut mesurer les deux avec un lidar, il faut 2 systèmes de détection...



La mesure par diffusion moléculaire ne peut se faire qu'en détection directe. La mesure par diffusion particulaire peut se faire en détection directe ou hétérodyne.

Les lidars Rayleigh fonctionnent sur des longueurs d'onde courtes (UV) pour favoriser la diffusion moléculaire.

DÉTECTION DIRECTE

2 techniques possibles

Edge technique ou double edge technique

La lumière captée par le télescope passe à travers un filtre interférentiel, sur le flanc de celui-ci. Quand la fréquence du signal varie, l'intensité lumineuse varie... On mesure l'intensité lumineuse en sortie de filtre et on en déduit la fréquence.



• Imagerie de frange

La lumière passe à travers un interféromètre qui produit une frange d'interférence à une position spatiale qui dépend de sa fréquence. La frange est imagée sur une matrice CCD. La position de la frange est mesurée à partir de son image et on remonte ainsi au décalage Doppler...



Fig. 1. CLIO transform. With the apex on the optic axis, the cone segment maps light along a radial segment into a single spot along the axis of the cone.

Irgang *et al.*, Applied Optics, **41**, 1145-1155

Double edge technique

A. Garnier and M. L. Chanin. Description of a Doppler Rayleigh lidar for measuring winds in the middle atmosphere. *Applied Physics*, B55 :35–40, 1992.

• Principe général

- Mis en œuvre par le lidar spatial ADM-AEOLUS (lancement prévu en 2010).
- La lumière captée par le télescope passe à travers un double interféromètre de Fabry-Pérot.
- A la sortie de chaque FP se forme une tâche lumineuse dont l'intensité, mesurée par un détecteur, est fonction de la fréquence de la lumière. On relie la « réponse » du double FP

$$\hat{\mathsf{R}} = \frac{\mathsf{N}_{\mathsf{A}} - \mathsf{N}_{\mathsf{B}}}{\mathsf{N}_{\mathsf{A}} + \mathsf{N}_{\mathsf{B}}}$$

From the telescope



 La courbe d'étalonnage dépend de la forme du spectre, donc:

à la fréquence Doppler grâce à une courbe d'étamonnage

- De la présence d'aérosols (pic),
- De la température de l'air (largeur de la raie),
- De la pression à travers la diffusion Brillouin



La restitution de la fréquence doit prendre en compte ces paramètres (utilisation de P et T prévus par les modèles météorologique...).

Double Fabry-Pérot



$$T_{A,B}(f) = \frac{1}{1 + \left(\frac{2FSR}{\pi FWHM}\right)^2 sin^2 \left(\pi \frac{\nu - \nu_{A,B}}{FSR_{A,B}}\right)}$$

Double edge technique



Diffusion Brillouin



Based on Tenti S6 model

Rayleigh-Brillouin spectrum for P=1013hPa and T=288K compared to the Gaussian spectrum predicted by the Rayleigh scattering theory.

The area is the same, Brillouin scattering modifies the spectral density but does not enhance the scattering ratio but.



Imagerie de frange



La lumière passe à travers le Fizeau. Il se forme entre les 2 faces du Fizeau une frange d'interférence linéaire dont la position est fonction de sa fréquence. La frange est imagée sur une CCD, et sa position est déduite des nombres de photons dans le canaux CCD (16 dans ADM-AEOLUS).



DÉTECTION HÉTÉRODYNE

Rappel du principe général



L'onde em rétrodiffusée est superposée physiquement au faisceau d'un laser continu (Oscillateur Local). Le détecteur produit un courant électrique mesurant l'interférence entre les deux:

$$\begin{split} i(t) &= K \int_{D} \left\| E_{r}(\vec{x},t) \exp(2j\pi\nu_{r}t) + E_{ol}(\vec{x}) \exp(2j\pi\nu_{ol}t) \right\|^{2} d\vec{x} \\ &= K \int_{D} \left\| E_{r}(\vec{x},t) \right\|^{2} d\vec{x} + K \int_{D} \left\| E_{ol}(\vec{x}) \right\|^{2} d\vec{x} + 2K \operatorname{Re} \left\{ \exp(2j\pi(\nu_{r} - \nu_{ol})t) \int_{D} E_{r}(\vec{x},t) E_{ol}^{*}(\vec{x}) d\vec{x} \right\} \\ &= i_{r}(t) + i_{ol} + 2\gamma \sqrt{i_{r}(t)i_{ol}} \cos(2\pi(\nu_{r} - \nu_{ol})t + j\phi) \end{split}$$

Signal direct (basse fréquence)

Signal hétérodyne (fréquence intermédiaire) γ = rendement hétérodyne

Estimation de la fréquence Doppler

Maximum de vraisemblance

Dans le cas où le modèle de Zrnic s'applique, on sait que le spectre $\hat{\Gamma}_{s}(f) = |\hat{S}(f)|^{2}$ du signal a la forme moyenne

$$\Gamma_{s}(f|P_{x},P_{n},f_{0}) = P_{n}T_{s} + P_{x}\Gamma_{e}(f-f_{0})$$

 $\hat{\boldsymbol{U}} \quad \hat{\boldsymbol{\Gamma}}_{s}(\boldsymbol{f}) \!=\! \left| \hat{\boldsymbol{G}}_{e}(\boldsymbol{f}) \!\right|^{2}$

Comme on connait la statistique des composantes spectrales du signal (composantes indépendantes entre elles et chacune de loi exponentielle négative, on peut écrire un estimateur au maximum de vraisemblance. La log-vraisemblance prend en effet la forme suivante

$$\Lambda(\mathsf{P}_{x},\mathsf{P}_{n},\mathsf{f}_{0}) = \Lambda_{0} - \sum_{k=0}^{M-1} \frac{\hat{\Gamma}_{s}(\mathsf{k}\mathsf{F}_{s}/\mathsf{N})}{\Gamma_{s}(\mathsf{f}|\mathsf{P}_{x},\mathsf{P}_{n},\mathsf{f}_{0})}$$

En pratique, cet estimateur est peu pratique car il faut maximiser une fonction dépendant de 3 paramètres indépendants, ce qui est toujours coûteux en temps de calcul.

En revanche, il apparaît que l'estimateur au maximum de vraisemblance consiste à essayer de trouver les caractéristiques d'un filtre dont la réponse spectrale est Γ_s^{-1} qui produit en sortie un minimum de puissance (pour maximiser la log-vraisemblance). Bref, il s'agit de trouver le filtre adapté au signal...

BCR

Toujours dans le cas des conditions de Zrnic, on peut développer une formule pour la BCR de l'estimation de fréquence $a_{-1/2}$

$$BCR = \left[-2\pi^{2}T_{s}^{2}N\sum_{k=0}^{M-1}\sum_{l=0}^{M-1}(k-l)^{2}Cov_{ss}(k,l)Cov_{s}^{-1}(k,l)\right]^{-1/2}$$

où Cov_{ss} désigne la matrice de variance covariance du signal ($\text{Cov}_{ss}(k,l) = \gamma_s(k,l)$).



Filtrage adapté

Estimateur.

Les estimateurs utilisés sont de type « filtrage adapté », c'est-à-dire que l'on cherche à trouver la fréquence centrale d'un filtre de gabarit donné qui produit en sortie un maximum ou un minimum de puissance.



Adaptation du filtre

• Définition du filtre

En général, on part d'un filtre que l'on définit par sa fonction de réponse spectrale. Exemple:

$$\psi(f) = \frac{1}{1 + \frac{S_0}{\sqrt{2\pi\sigma}} exp\left(-\frac{f^2}{2\sigma^2}\right)}$$

Puis on « adapte » ce fil en jouant le plus souvent uniquement sur sa fréquence centrale (on considère que les éventuels autres paramètres sont de moindre importance). L'adaptation consiste alors à minimiser la fonction

$$J(\hat{f}) = \frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} \hat{\Phi}(f_k + \hat{f}) \Psi(f_k) \quad \text{où} \quad \hat{\Phi}(f) = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} \left| \sum_{m=0}^{M-1} s_n(mT_s) exp(-2j\pi fmT_s) \right|^2 \quad \text{et} \quad f_k = \frac{kF_s}{M}$$

Adaptation

L'optimisation de la fonction J(f) est plus efficace si on calcule sa valeur de la manière suivante

ſ

$$J(\hat{f}) = -d_0 + 2Re\left\{\sum_{m=0}^{M-1} d_m \exp\left(-2j\pi \hat{f}mT_s\right)\right\}$$

Se calcule pour de nombreuses valeurs de f avec une TF

Avec

$$d_{m} = \frac{D_{m}}{N} \sum_{n=0}^{N-1} \sum_{m'=0}^{M-m-1} s_{n}^{*} (m'T_{s}) s((m+m')T_{s}) \longleftarrow A$$

Auto-corrélation fenêtrée

$$D_{m} = \frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} \Psi(f_{k}) \exp\left(-2j\pi \frac{km}{M}\right)$$
 Ne dépend que du filtre

Quelques exemples de filtre adaptable

Pulse-Pair

D'où

$$\Psi_{\rm pp}(f) = \frac{1}{2} (1 - \cos(2\pi f T_s))$$

Filtre « large », donc pas forcément bien adapté au signal lidar, généralement « étroit », mais d'une très grande simplicité de mise en œuvre et très rapide, car $D_m=0.5\delta(0) - 0.5\delta(1) - 0.5\delta(-1)$, et donc $J_{PP}(\hat{f})=-d_0+2Re\left\{d_1\exp\left(-2j\pi\hat{f}T_s\right)\right\}$ Estimation de

[**1** N−1 M−2

0└└ -0.5 l'auto-corrélation

0.5

Frequence (*F)

$$\hat{f}_{pp} = \frac{1}{2\pi T_s} \arg(d_1) = \frac{1}{2\pi T_s} \arg\left[\frac{1}{N} \sum_{n=0}^{\infty} \sum_{k=0}^{\infty} s_n^*(kT_s) s((k+1)T_s)\right]$$
• Levin $\Psi_{LEV}(f) = \frac{1}{1 + \frac{S_0}{\sqrt{2\pi\sigma}} \exp\left(-\frac{f^2}{2\sigma^2}\right)}$
• Notch $\Psi_{notch}(f) = \frac{2 - 2\cos(2\pi fT_s)}{1 + r^2 - 2r\cos(2\pi fT_s)}$
Filtre autoré(pr)ssej/(k-1) = x(k) - x(k-1)
Filtre autoré(pr)ssej/(k-1) = x(k) - x(k-1)

Peut être optimisé par des techniques de poursuite de fréquence utilisées en automatisme.

Estimateur de fréquence

Répartition des erreurs

$$\operatorname{prob}(\hat{\nu}) = \frac{b-1}{F_e} + \frac{b}{\sqrt{2\pi}g} \exp\left(-\frac{(\hat{\nu}-\nu)^2}{2g^2}\right)$$

Un pic de « bonnes estimations » au-dessus d'un niveau uniforme de « mauvaises estimations ».

Il y a mauvaise estimation quand le filtre adaptable se cale sur un pic spectral de bruit au lieu du pic hétérodyne. La probabilité d'avoir des mauvaises estimations est donc d'autant plus importante que le CNR est faible.





Erreur de mesure

Précision

A fort CNR, la précision de la mesure est de l'ordre de

١

$$g \approx \frac{\lambda}{2} \frac{W}{\sqrt{N}}$$

où w est la largeur spectrale du signal (à peu près égale à celle de l'impulsion) et N est le nombre de signaux « accumulés ».

Donc, quand le CNR est élevé, il ne sert plus à rien d'augmenter la puissance du lidar pour améliorer la précision de mesure car celle-ci ne dépend pratiquement plus du CNR. Si l'on veut améliorer la précision, on peut

- Affiner la largeur spectrale du signal en augmentant la durée de l'impulsion laser, mais on dégrade alors la résolution spatiale de la mesure...
- On augmente le nombre N de tirs accumulés, soit en augmentant le temps d'intégration au prix de la résolution temporelle, soit en augmentant la cadence de tir du laser.

<u>Exemple</u>: prenons le cas du lidar WLS de Léosphère. La durée d'impulsion est de 400ns (FWHM), la longueur d'onde λ =1,5µm, et la cadence de tir prf 10000s⁻¹. Pour un temps d'intégration T=1s, on a

$$w = \frac{1}{4\pi} \frac{2\sqrt{2\ln(2)}}{\tau} = 0,468 \text{ MHz}$$
 $N = T \text{ prf} = 10000 \text{ g} \approx 6 \text{ cm s}^{-1}$

<u>Autre exemple</u>: cas du lidar aéroporté WIND: durée d'impulsion de 2µs (FWHM), longueur d'onde de 10µm, et cadence de tir de 10Hz. Pour une durée d'intégration T=0.1s,

$$v = \frac{1}{4\pi} \frac{2\sqrt{2\ln(2)}}{\tau} = 93 \text{ kHz}$$
 $N = Tprf = 1$ $g \approx 47 \text{ cms}^{-1}$

Ecole d'été lidar - 23 juin au 2 juillet 2010 31

Portée du lidar

Portée

La portée du lidar est la distance à partir de laquelle le taux de fiabilité b passe en dessous d'un seuil généralement fixé à 95% ou 99%.

Il existe un modèle semi-empirique^{*} permettant de calculer la fiabilité d'une mesure lidar en fonction des paramètres suivants:

- Φ = M CNR où M est le nombre d'échantillons dans la porte de mesure (durée de la porte de mesure divisée par la période d'échantillonnage). Ce nombre représente le nombre de photoélectrons « cohérents » détectés pendant la porte de mesure.
- Le nombre de tavelures temporelles m dans la porte de mesure,
- Le nombre N de signaux accumulés.

La manière dont la fiabilité varie en fonction de ces paramètres est assez compliquée, mais on peut quand même en tirer une règle simple au premier ordre:

La seuil de fiabilité de 95% ou 99% est atteint pour une valeur de $\Phi N^{1/2}$ m^{-1/2} supérieure à un certain seuil Φ_{seuil} .

Pour atteindre ce seuil à une distance donnée

- S'assurer que l'énergie des impulsions laser est suffisante pour que $\Phi \ge \Phi_{souil}$ à la distance visée.
- Accumuler suffisamment de tir (au détriment de la résolution temporelle de la mesure), —
- Augmenter le nombre de tavelure en allongeant la taille de la porte de mesure (au détriment de la résolution spatiale): le Φ minimum est plus grand d'un facteur m^{1/2} mais on récupère plus de photon puisqu'on intègre le signal sur une durée plus longue...

D'un point de vue énergétique, la manière la plus efficace d'augmenter la portée est d'émettre des impulsions laser de forte énergie... Mais ce n'est pas toujours possible.

Portée du lidar

3 configurations possibles du lidar WLS de Léosphère.

Pour la conf 2, il faut un Φ_{min} de 0.06 au minimum pour une fiabilité d'au moins 99%, soit un CNR minimum $\Phi_{min}/M = 0.0014$, soit -28dB...

	Conf 1	Conf 2	Conf 3
E ₀ (mJ)	0.1	0.1	0.1
∆r (m)	100	100	400
τ (ns)	400	400	400
prf (s ⁻¹)	10000	10000	10000
T _{int}	0.1	1	1



Restitution d'un vecteur vent

• Velocity-Azimuth-Display (VAD)

La ligne de visée est inclinée d'un angle θ par rapport à la verticale et tourne par autour de celle-ci. Pendant 1 tour, le lidar réalise P mesures de vitesse radiales aux angles azimutaux χ_p . Si le vent est homogène, on a

 $\hat{v}_{r}(p) = u \sin\theta \cos\chi_{p} + v \sin\theta \sin\chi_{k} + w \cos\theta + e(p)$

où e(p) est l'erreur de mesure de la vitesse radiale p et

$$\vec{v} = [u, v, w]$$

V N E

Pour retrouver les 3 composantes du vecteur vent, on minimise la fonction

$$J(\vec{v}) = \sum_{p=1}^{P} [\hat{v}_{r}(p) - u\sin\theta\cos\chi_{p} - v\sin\theta\sin\chi_{p} - w\cos\theta]^{2}$$

TURBULENCE DYNAMIQUE

24



Turbulence

Pourquoi mesurer la turbulence

- La turbulence jour un rôle important dans la dynamique de l'atmosphère, en 0 particulier dans la couche limite.
- Elle peut représenter un danger pour l'aviation. 0
- Elle n'est qu'incomplètement comprise et mal représentée dans les modèles météorologiques.

Qu'est-ce que la turbulence

Le concept de turbulence est fondé sur l'idée que les paramètres météorologiques peuvent être décomposés en 2:



Moyenne

Fluctuation turbulente

- La composante moyenne est de relativement grande échelle et prédictible. 0
- La composante turbulente est de petite échelle et peu prédictible... 0



Turbulence

• Que cherche-t-on à mesurer ?

Туре	Quantity	Name
Local (or point) statistics	$\overline{u'^2}$ $\overline{v'^2}$ $\overline{w'^2}$	Wind variance
	$\overline{e'^2} = \frac{1}{2} \left[\overline{u'^2} + \overline{v'^2} + \overline{w'^2} \right]$	Turbulent kinetik energy (TKE)
	$\overline{u'v'}$ $\overline{u'w'}$ $\overline{v'w'}$	Momentum fluxes
Time and/or space statistics	$D_{i,j}(\vec{r},\vec{s}) = \overline{\Delta u'_i \cdot \Delta u'_j}$ $\Delta u'_i = u'_i(\vec{r}+\vec{s}) - u'_i(\vec{r})$	Structure function
	$F_{i,j}(\vec{k})$ or ε, C_v^2 and L_0	Spectrum

 $u_1 = u \quad u_2 = v \quad u_3 = w$

Turbulence

Modèle de Kolmogorov

Si l'on fait l'hypothèse que la turbulence est localement homogène et localement isotrope (modèle de Kolmogorov), on s'attend à ce que les fonctions de structures et les spectres des fluctuations turbulentes du vent soient de la forme

$$D_{i,j}(\vec{r},\vec{s}) = [D_{LL}(s) - D_{NN}(s)] \frac{S_i S_j}{s^2} + D_{NN}(s) \delta_{i,j}$$
$$F_{i,j}(\vec{k}) = [F_{LL}(k) - F_{NN}(k)] \frac{K_i K_j}{k^2} + F_{NN}(k) \delta_{i,j}$$

Avec

$$D_{LL}(s) = C_v^2 s^{2/3} \qquad D_{NN}(s) = \frac{4}{3} C_v^2 s^{2/3}$$
$$F_{LL}(k) \propto \varepsilon^{2/3} k^{-5/3} \qquad F_{NN}(k) \propto \varepsilon^{2/3} k^{-5/3}$$

Il en ressort que est caractérisée par le taux de dissipation de l'énergie cinétique turbulent ε (ou de manière équivalente le paramètre de structure C_v^2), <u>mais aussi</u> la taille L₀ des structures turbulentes les plus grandes.



Restitution de paramètres turbulents

• A l'échelle de l'impulsion (élargissement de spectre)

 L'idée est de mesurer la largeur spectrale du signal (ou de manière équivalente la durée de corrélation du signal) et de relier celle-ci à la largeur spectrale de l'impulsion et à la force de la turbulence.



G. M. Ancellet et al., Journal of Atmospheric and Oceanic Technology, 6:50-58, 1989.

Restitution de paramètres turbulents

- Mesure du spectre des fluctuations spatiales de la vitesse radiale
 - Dans ce cas, on relie la mesure de la variabilité spatiale de la vitesse radiale et on la relie aux paramètres de turbulence.
 - <u>Exemple</u>: mesure du spectre de la vitesse radiale le long de la ligne de visée lidar.
 - Dans ce cas, il faut prendre en compte le fait que la mesure lidar n'est pas ponctuelle mais est une moyenne spatiale. D'après Frehlich, JAOT, 18, 1628, 2002:

$$m_{\rm wgt}(R,H) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{H-\Delta h/2}^{H+\Delta h/2} u(r,h) W(R-r) \, dh \, dr$$

Un bon exemple de ce que l'on peut faire se trouve dans Frehlich *et al.* JAMC, **45**, 821, 2006.